

## Como elemento de soporte superficial en la estabilización de taludes

# Validación de los modelos físicos de análisis y diseño para el empleo de membranas flexibles *Tecco*<sup>®</sup> *G-65*

 TORRES VILA, J. A, GEOBRUGG International R&D Office.
 TORRES VILA, M. A, Investigador. Dpto. de Transportes y Tecnología de Procesos y Proyectos. ETSI Caminos Canales y Puertos. Universidad de Cantabria.
 CASTRO FRESNO, D, Profesor. Dpto. de Transportes y Tecnología de Procesos y Proyectos. ETSI Caminos Canales y Puertos. Universidad de Cantabria Palabras clave: CARGA, DESPLAZAMIENTO VERTICAL, ENSAYO, LÍMITE ELÁSTICO, MALLA, MODELO FÍSICO-MATEMÁTICO, SOPORTE UNITARIO.

En el presente artículo se presenta el resultado de la modelación a escala de laboratorio, en una instalación diseñada a tal efecto, de las membranas *Tecco® G-65* sometidas a carga distribuida, comparándose los resultados del ensayo con los obtenidos de la aplicación de los modelos de cálculo y las características mecánicas de la malla. Se ha obteniendo una elevada coincidencia entre los resultados de la aplicación de los modelos teóricos con los obtenidos en las instalaciones de ensayo.

as redes de cables como membrana flexible de soporte superficial en la estabilización de taludes se ha venido empleando cada vez con mayor amplitud y exitoso comportamiento.

Actualmente, se está introduciendo un nuevo tipo de membrana, la malla de alambre de acero de alto límite elástico, tipo **Tecco® G-65**. Para el empleo racional de este tipo de membrana, se han elaborado modelos físico-matemáticos de análisis y diseño para el cálculo de la capacidad de soporte y se han determinado los parámetros mecánicos de esta.

Se ha determinado la capacidad de carga de estas mallas, que en las condiciones del modelo cilíndrico, pueden alcanzar soportes de hasta 35-40 kN/m<sup>2</sup> y 40-60 kN/m<sup>2</sup> para las mallas con alambres de 3 y 4 mm de diámetro de alambre, respectivamente para FS>2.

El cálculo racional de las membranas flexibles ancladas viene realizándose en España desde hace más de 5 años, tanto para redes de cables combinadas con anclajes pasivos, como sistemas de sostenimiento activos.

Los trabajos que recientemente se han realizado, son una continuación de la misma filosofía del sistema flexible, con la mejora introducida por la existencia de un nuevo material, la malla anisotrótica  $Tecco^{*}$  G-65 y el desarrollo de equipos de laboratorio mucho más elaborados y con una elevada calidad en la modelación del trabajo del sistema y mayor precisión en el registro de los datos.

El objetivo fundamental de estartículo, es la determinación en el laboratorio, de la capacidad de carga bajo diferentes condiciones de instalación para las mallas *Tecco® G-65*, susceptibles de ser empleadas como elementos flexibles de estabilización superficial en desmontes y la verificación de la validez de los modelos de comportamiento elaborados.

Los resultados obtenidos en los ensayos, realizados con carga distribuida, soporte unitario (*p*) y los desplazamientos verticales (*Delta DZ*), serán comparados con los resultados obtenidos de la aplicación de los modelos físico-matemáticos.

### Ensayo con carga distribuida

La parte experimental, correspondiente a las pruebas de laboratorio realizadas con la malla *Tecco® Mesh G-65*, incluyó una serie de muestras con diámetros de alambre de 3 y 4 milímetros, para la determinación de la capacidad de soporte bajo carga distribuida en la dirección perpendicular al plano de la malla para condiciones de trabajo del modelo *unidireccional* o modelo *y* (*Fig. 1*).

La carga se aplicará en dirección perpendicular al plano definido por el paño de malla. La determinación del comportamiento de la membrana sometida a carga distribuida, se evaluará mediante la medición de los siguientes parámetros:

- Relación: carga total aplicada *v.s.* desplazamiento vertical del centro del paño.
- Relación: carga total aplicada *v.s.* desplazamiento vertical en la dirección *y*.
- Geometría de la deformada de la malla para diferentes escalones de carga.

Los parámetros que se van a determinar en estos ensayos, además de los utilizados en la definición de los modelos, son:

- *Q* Soporte total (kN). Carga máxima que es capaz de soportar la malla en la di-rección perpendicular al plano definido por ella.
- *P Soporte unitario* (*kN/m*<sup>2</sup>). Capacidad de carga por unidad de superficie.
- $\Delta z_y$  Desplazamiento vertical en una línea paralela a la dirección principal (mm).
- **∆z-** Desplazamiento vertical de la malla en el centro del paño de malla (mm).







# IN HEP-MP-TEL

Fig. 2.- Vista general del aparato de ensayo para el ensayo de carga distribuida Unidireccional, con la sobrecarga.

Ensayo de carga distribuida "Unidireccional"

El dispositivo de ensayo empleado deberá ser capaz de reproducir las condiciones de carga de la membrana trabajando en las condiciones del modelo unidireccional (Modelo y). La membrana estará arrostrada en todo su perímetro, permitiéndosele únicamente el desplazamiento vertical de los bordes paralelos a la dirección principal. En este tipo de ensayo, para un elemento diferencial de la malla, las condiciones de trabajo son idénticas a la obtenida en el ensayo de tracción directa en el estado tensional plano bidireccional.

El dispositivo de ensayo está formado por un marco principal de acero de dimensiones 1.800 x 1.800 mm de luz interior, el cual permite el arrostramiento total del borde de la malla perpendicular a la dirección principal, y un conjunto de barras verticales colocadas en el interior del marco facilitan el desplazamiento vertical de los bordes paralelos a la dirección principal, impidiendo el desplazamiento en el plano de la malla. El tamaño del testigo de ensayo será, de acuerdo con la construcción del sistema de fijación, de 1.800 mm de longitud y 1740 mm de ancho (Fig. 2).

La sobrecarga, compuesta por una pirámide truncada formada por sacos de grava, se coloca sobre la malla y un sistema de gatos hidráulicos aplica, de forma continua, la carga. Un conjunto de extensómetros colocados por debajo de la malla, registra los desplazamientos verticales en diferentes puntos a lo largo de la dirección principal: en el centro y en el borde. Los valores de carga y desplazamiento serán registrados por la unidad de captación de datos, que los almacena de forma continua y simultánea.

### Ensayo con carga distribuida unidireccional. Malla Tecco® G-65 $(\phi = 3 \ y \ 4 \ mm)$

Los ensavos con carga distribuida han sido realizados en el Laboratorio de Estructuras (LABEST) de la E.T.S.I. de Caminos Canales y Puertos de la Universidad de Cantabria entre los meses de octubre y diciembre de 2000, con la colaboración de Germán Gutiérrez.

Los valores de la carga de rotura y desplazamiento vertical máximo del punto central de la muestra, registrados para cada muestra, se presentan en la Tabla I.

Tomando 2,0 como valor aproximado del factor de seguridad para la carga, el valor del soporte unitario en condiciones de trabajo, bajo una sobrecarga distribuida de la malla de 3 y 4 mm será:

$$P_{Trabajo} = \frac{Q_{Rotura}}{S \times FS} = \frac{246,18}{1,8 \times 1,74 \times 2,0} \approx$$
$$\approx 39,3 \ kN/m^2$$

 $P_{Trabajo} \approx 39,3 \ kN/m^2$  para malla de  $\phi = 3 \ mm$ 

$$P_{\text{Trabajo}} \approx 73 \text{ kN}/m^2$$
 para malla de  $\phi = 4 \text{ mm}$ 

Tipo de Ensayo	Muestra	Desplazami punto centr	ento vertical al, ∆z (mm)	Carga de (k	Rotura, Q N)
	IN-	( <b>\$=3</b> mm)	( <b>¢=</b> 4 mm)	( <b>¢=</b> 3 mm)	(¢=4 mm
	1	301,79	282,57	242,64	455,98
Carga distribuida	2	315,09	312,44	254,67	424,18
modelo y	3	297,65	331,53	241,23	493,60
Valor Medio		304,84	308,85	246,18	457,92

Teniendo en cuenta que en las condiciones del modelo cilíndrico, la malla trabaja por bandas independientes en una sola dirección, tiene sentido la determinación del soporte por fajas de 1 m de ancho. Este valor de soporte es una constante, depende únicamente de las características de la malla, y es independiente de la separación entre cables de arrostre horizontal (Sy).

$$P_{Trabajo} = \frac{Q_{Rotura}}{S_x \times FS} = \frac{246,18}{1,74 \times 2,0} \approx 70 \ kN/m^2$$

 $P_{Trabajo} \approx 70 \ kN/m^2$  para malla de  $\phi = 3 \ mm$ 

 $P_{Trabajo} \approx 130 \ kN/m^2$  para malla de  $\phi = 4 \ mm$ 

Así, el soporte unitario de la malla  $(kN/m^2)$ dependerá de la distancia  $(S_v)$ , según las condiciones de instalación del sistema.

### Deformada de la malla

A partir de los valores registrados por los transductores de desplazamiento vertical, se obtiene la curva de la deformada de la malla para diferentes escalones de carga, correspondientes a las medias de los ensayos realizados para cada serie (Fig. 3).

Para la determinación de la deformación unitaria de la malla, se obtuvo la longitud de

mm)

**TABLA I.- Valores** resultantes de la carga de rotura y desplazamiento vertical del ensayo realizado con carga distributiva unidireccional.



TALUDES



Fig. 3.- Deformadas de la malla **Tecco<sup>o</sup> G-65** ( $\phi = 3$  mm), en la dirección y para diferentes escalones de carga distribuida del ensayo unidireccional.

la curva ajustada (*Ai*) resolviendo la integral curvilínea entre los puntos de arrostramiento para cada una de las deformadas (*Tabla II*). La deformación unitaria será entonces igual a:

$$\varepsilon_{y} = \frac{A_{i} - S_{y}}{S_{y}} \times 1.000 \ (mm/m)$$

Para condiciones de carga diferentes a las de rotura, los desplazamientos verticales obtenidos en el punto central de la malla, aparecen en la *Tabla III.* 

Para diferentes dimensiones del cuadro de arriostre, el desplazamiento vertical máximo para cualquier condición de carga se obtendrá aplicando la relación porcentual que aparece en la última columna de la *Tabla III*.

### Desplazamiento relativo de la membrana y control de deformación del sistema

La relación entre el desplazamiento relativo ( $\Delta R$ ), y la carga relativa aplicada a la malla (*QR*), representa en síntesis el comportamiento de este tipo de membrana bajo la aplicación de una carga distribuida (*Fig. 4*).

Del resultado de los ensayos se deduce que, para cargas cercanas a la rotura, los desplazamientos relativos de las mallas en la dirección de la carga son del orden del 17%.

Ajustando una curva al conjunto de puntos de las dos series de datos correspondientes al ensayo unidireccional representados anteriormente, se obtiene la siguiente expresión:

$$QR = 0,0205 \Delta R^3 - 0,0754 \Delta R^2 + 1,151 \Delta R$$

siendo:

- QR = Carga relativa aplicada en % del soporte total en rotura.
- $\Delta R$  = Desplazamiento relativo en el centro de la malla aplicada en % de la distancia  $S_v$ .

La ecuación anterior caracteriza el comportamiento de la malla *Tecco*<sup>®</sup> *G*-65 para cual-

Posición en la dirección "y"	Ecuación de la deformada	Longitud de la curva (mm)	Deformación vy (mm/m)
QRature	ди = 0,000И у² - 0,7106 у +13,849	1.922	67,78
Q <sub>Troloja</sub>	$\Delta z = 0,0003 \text{ y}^2 - 0,5895 \text{ y} + 12,634$	1.885	47,22

TABLA II.- Valores de deformación unitaria de la malla.

Carga ap (k	olicada, Q N)	Q/Q (9	Rotura %)	$\Delta_z$ (m	[Q] m)	$\Delta_z$	/ S <sub>y</sub> ‰)
3 mm	4 mm	3 mm	4 mm	3 mm	4 mm	3 mm	4 mm
246,18	457,92	100	100	305	309	16,94	17,17
180	250	73,12	54,59	272	255	15,11	14,17
150	200	60,93	43,68	254	236	14,11	13,11
100	150	40,62	32,76	218	191	12,11	10,61
70	100	28,43	21,84	192	168	10,67	9,33

TABLA III.- Desplazamientos verticales obtenidos para condiciones de carga diferentes a las de rotura.



Fig. 4.- Desplazamiento relativo de la malla.

quier diámetro de alambre, siempre que se mantengan sus características geométricas.

Para valores de carga aplicada del 50% del soporte total en rotura, el valor de  $\Delta R$  es del 13%. Así, para valores de  $S_y = 3,0$  m, el desplazamiento de la malla en la dirección de la carga aplicada será  $\Delta Z_y = 0,39$  m, evidentemente muy elevado, por lo que el empleo únicamente de la carga de trabajo como criterio de diseño resulta insuficiente. En estas condiciones, se hace necesaria la introducción del control del desplazamiento de la malla como criterio de diseño.

Para limitar el valor del desplazamiento que se le puede permitir al sistema al aplicarle la carga, sin limitar la capacidad de carga del mismo, se aplicará una precarga inicial, de tal forma, que se reduzca el desplazamiento relativo en condiciones de trabajo de la malla.

Con precargas del 15% del soporte total en rotura, se consigue eliminar la zona inicial de la curva (*Fig. 4*); así con el sistema preesforzado, el desplazamiento relativo de la malla será aproximadamente el 5%, con lo que el desplazamiento total se reduciría a 0,15 m. Este último valor se puede reducir aún más con el aumento de la precarga durante el montaje del sistema.

El resumen de los resultados de los ensayos se expone en la *Tabla IV.* 

### Modelación matemática del sistema flexible de soporte

La determinación de los parámetros de capacidad de carga y deformación del sistema de soporte empleando la membrana flexible *Tecco® G-65*, se han obtenido mediante el empleo de dos modelos matemáticos diferentes.



TALUDES

	DIÁMETRO DEL	ALAMBRE (MM)	φ=3	φ=4
	Desplazamiento Ve	rtical en Rotura,AV. (mm)	305	309
Ensivo con	Carga de Rotura, Q	(kN)	246	458
carga	Carga de Trabajo, P	ν <sub>r</sub> (kN/m²)	39,3	73,0
distribuida,	Carga de Trabajo, P	r (kN/m)	70,0	130,0
"Unidireccional"	Deformación en la	Def. Unitaria en Rotura, s <sub>e</sub> (mm/m)	67,78	66,67
	dirección principal	Def. Unitaria de Trabajo, 8,7 (mm/m)	47,22	46,11

TABLA IV.- Resumen de los resultados de los ensayos.

### Solución del modelo cilíndrico con el procedimiento de geometría impuesta

El valor del soporte específico **P** (kN/m<sup>2</sup>) de una membrana anclada según las condiciones de borde de un modelo determinado de trabajo, puede determinarse a partir del equilibrio de fuerzas del sistema, determinando las relaciones geométricas del elemento deformado y los resultados de laboratorio de los ensayos carga-deformación en el ensayo de tracción directa en el estado tensional plano de la membrana empleada. Este procedimiento, desarrollado por *Torres Vila, J.A.,* y empleado por *Geobrugg* para el diseño de sistemas flexibles con redes de cables de acero, se ha denominado *modelo con geometría impuesta.* 

Para el caso del modelo cilíndrico que se presenta en este trabajo (*Fig. 5*), se tienen los resultados de los ensayos de carga-deformación con confinamiento lateral de la malla medidos en la dirección principal de carga. Los parámetros geométricos de la membrana se obtienen de la forma siguiente:

- *Longitud del arco (A)*. La longitud de la cuerda deformada, para diferentes escalones de carga aplicada a la membrana, se obtiene con el valor de la deformación unitaria obtenida en los ensayos a tracción directa:



Fig. 5. Esquema del modelo cilíndrico.

$$A = S_{y} (1 + \varepsilon_{y})$$

 Angulo semi inscrito θ/2. El valor del radio de cilindro, para diferentes longitudes de arco será:

$$A = 2R(\theta/2)$$
, siendo

 $S_y = 2R \operatorname{sen}(\theta/2)$ 

Desarrollando en serie la función del seno se obtiene que:

$$\theta/2 = \sqrt{6\left(1 - \frac{S_y}{A}\right)}$$

Radio de la circunferencia (**R**):

$$R = \frac{S_y}{2 \operatorname{sen}(\theta/2)}$$

Desplazamiento de la malla en el centro del paño:

$$\Delta Z_{y} = R \left( 1 - \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \right)$$

Del equilibrio de fuerzas del sistema se obtiene que:

$$\sigma_y = pR$$

Así el soporte unitario del sistema será:

$p = \frac{\sigma_y}{R} \left( kN / n \right)$	$\iota^2$
--	-----------

Los resultados obtenidos, con la aplicación del modelo anterior aparecen en la *Tabla V.* 

### Solución del modelo cilíndrico basado en la teoría de la elasticidad

La solución al sistema de sostenimiento flexible, también se puede obtener mediante el empleo de la siguiente formula, donde los términos son los mismos que el de las fórmulas anteriores, incluyendo además el módulo de *elasticidad* confinado en la dirección principal:

$$\Delta Z = \left[ \frac{S^2 \left( \frac{24 \ p \ S}{E_{yc}} \right)^{2/3}}{\left( 64 - \left( \frac{96 \ p \ S}{E_{yc}} \right)^{2/3} \right)} \right]^{1/2};$$
  

$$\theta / 2 = 180 - 2 \ \arctan \frac{S_y}{2\Delta Z};$$
  

$$R = \frac{S}{2 \sin \theta / 2}; \ A = R \cdot \theta$$
  

$$\varepsilon = \frac{A - S}{S}; \ \sigma = E_{yc} \cdot \varepsilon$$

Los resultados obtenidos con la aplicación del modelo anterior aparecen en la *Tabla VI*.

Del análisis de los resultados de las tablas anteriores, se aprecia la elevada coincidencia de los dos modelos matemáticos empleados.

Carga de trabajo: 156 kN/m (FS=1,67)

Malia TE	CCO G-65 (	φ = 3 mm,	).		Carga de 1	гарајо: 90 к	N/m (FS=1,	67)
Distancia	a Sy (m): 1,8				Carga de l	Rotura: 150	kN/m	
Tensión malla (KN/m)	Deformación unitariaisi (mm/m)	Longilud dol Anco "A" (m)	Semi àngulo contrat *60*	Radio de purvatura 1≷1(m)	Desplaz Verlical "&zy" (m)	Soporte unitaria "p" (KN/m <sup>2</sup> )	Soporte unitario "q" (KN/m)	Soparte Iotal "O" [KN]
. 40	21,80	1,839		2,670	0,163	15,56		- 19
60	32,50	1,859	24,90	2,138	0,199	28,07	50,52	88
-80	43(20	1,276	21,56	1,883.	0,229	42.50	76,49	133
90	48,20	1,887	30,10	1,795	0,242	60,14	90,26	107
120	64,80	1,917	34,62	1,584	0,281	75,75	136,36	237
140	75,70	1,93,6	37,23	1,466	0,303	94,12	169(41)	295
151,46	82,55	1,949	39.76	1,436	0,317	105,35	109,36	330

### 

### Distancia Sy (m): 1,8 Carga de Rotura: 260 kN/m 40 4,64 1/209 9.74 5,316 0,077 7/52 13:54 9 10.54 1.019 14,34 3,635 0.113 22.01 19.87 80 16.16 1,033 10.75 2 801 0.149 42.65 77:13 134 120 0,180 26,664 1,848 22.62 2.34065.66 119,99 209 156 20.16153.03 33,19 1.860 2.1170.201 85.02 266 180 220 45,61 1,882 29,31 1,838 0,235 119,68 216/12 3/6 1,635 0,270 498 69,964 1,908 33,38 168,94 286.09 260

TABLA V.- Resultados obtenidos con la aplicación del modelo unidireccional *Modelo* Y. Cálculo con Geometría cilíndrica impuesta.



	ECCO G-65 (e	≬=3 mm)		Modulo de (	elasticidad	confinado °E	E <sub>ry</sub> * (kN/m):	1.898
Distanci	a Sy (m): 1,8			Coeficiente	de Poissor	n "μ <sub>מ</sub> ": 0,217	ť	
Tensión malla (KN/m)	Detormación Unitanaîicî (mm/m)	Longitud dist Arco "A" (m)	Radio de curvatora "R" (m)	Semi-angulo central 19/21	Desplaz. Verlicat "& y" (m)	Soporte unitaria "p" (kN/m²)	Soporte anitario "q" (KN/m)	Soporte Iotal "O" [KN]
29,83 63,96	15,83	1,828	2,983	17,55	0,139	10	18,0 54,0	31
90.53	46.72	1.866	1,775	30.47	0.245	51	91.0	160
112,79 134,52 151,00	61,02 73,14 82,42	1,910 1,932 1,948	1,611 1,495 1,425	33,95 37,02 39,18	0,275 0,301 0,320	70 90 106	126,0 167,0 190,8	219 202 332
Malla TE	COO C SE L	i = 4  mm		Modulo de l	hebioitecle	confinedo 4	E. Z. Aleb Lines V-	Variable
Malla TE Distanci	2CCO G-65 (a a Sy (m): <b>1,8</b>	φ = 4 mm)		Modulo de ( Coeficiente	elasticidad de Poissor	confinado "ຄ ກ ")ແ <sub>ລ</sub> ": 0,217	E <sub>v?</sub> " (kN/m): 7	Variable
Malla TE Distanci: Terisióu malla (MN/m)	ECCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): <b>1,8</b> Defennación unitanaïsi (minitrii)	• = 4 mm) Longilud del Arco "A" (m)	Radio de curvatura "R" (m)	Modulo de Coeficiente Serri ángula central "0/2"	elasticidad de Poissor Desplaz Vertical "& y" (m)	confinado "E n "Ju <sub>va</sub> ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>try</sub> (KN/m)	E <sub>eV</sub> <sup>*</sup> (kN/m): Soporte unitano "p" (KN/m <sup>2</sup> )	Sopoile Sopoile total "G" [KN]
Malla TE Distancia Tensión malla (MVm) 73,21	ECCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): <b>1,8</b> Defamación untane <sup>1</sup> e <sup>1</sup> (mm/m) 10,36	• = 4 mm) Longilud del Arco "A" (m) 1,819	Radio de curvatura 131 (m) 3,660	Modulo de Coeficiente Serri ángulo central *0/2* 14.23	elasticidad de Poissor Desplaz Vertical *&y* (m) 0,112	confinado "l <u>n "ju<sub>va</sub>": 0,217</u> Módulo de elasticidad E <sub>cy</sub> (kN/m) 7100	E <sub>vy</sub> <sup>*</sup> (kN/m): r Sopiarte unitano "p" (kN/m <sup>3</sup> ) 20	Soporte Soporte total "Q" (KN) 63
Malla TE Distanci: Tensióu malla (KN/m) 73,21 118,75	CCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): <b>1,8</b> Deformation unitanation (mm&n) 10,36 16,57	• = 4 mm) Longilud del Arco "A" (m) 1,819 1,830	Radio de curvatura "It" (m) 3,660 2,919	Modulo de Coeficiente Serri ángulo central "0" 14,23 17,96	elasticidad de Poissor Desplaz Vertical "& y" (m) 0,112 0,142	confinado "l "ju <sub>ca</sub> ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>cy</sub> (KN/m) 7100 7100	E <sub>vy</sub> " (kN/m): Soportie unteno "p" (kN/m <sup>2</sup> ) 20 40	Soporte total "Q1" (KN) 63 125
Malla TE Distanci: Tensión malla (KN/m) 73,21 116,75 155,38	CCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): <b>1,8</b> Deformación untana's' (mm/m) 10,36 16,57 24,45	Longilud del Arco TAT (m) 1,819 1,830 1,844	Radio de curvatura "R" (m) 3,660 2,919 2,428	Modulo de e Coeficiente Serri ángulo central "0'7" 14.23 17.96 21.76	elasticidad <u>de Poissor</u> Desplav Vertical *5/9" (m) 0,112 0,142 0,173	confinado "l "ju <sub>ca</sub> ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>cy</sub> (KN/m) 7100 7100 6425	E <sub>vy</sub> " (kN/m): Soporto unteno "p" (kN/m <sup>2</sup> ) 20 40 64	Sopoile total "Q" IKNI 63 125 200
Malla TE Distanci: Tensióu malla (HV/m) 73,21 116,75 155,38 176,99	CCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): <b>1,8</b> Deformación untana's' (mm&n) 10,36 16,57 24,45 30,23	Longilud del Arco "A" (m) 1,819 1,830 1,844 1,854	Radio de curvatura "I<" (m) 3,680 2,019 2,428 2,200	Modulo de e Coeficiente Starri ángula central "0"" 14.23 17.96 21.76 24.15	elasticidad <u>de Poissor</u> Desplay Vertical *&y* (m) 0,112 0,142 0,142 0,193	confinado "l ")ц <sub>а</sub> ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>cy</sub> (ИМ/m) 7100 7100 6425 0900	E <sub>vy</sub> * (kN/m): Soporto unteno 'p' (kN/m²) 20 40 84 80	Sopoile total "G" (KN) 63 125 200 201
Malla TE Distanci: Teresión (KN/m) 73.21 116.75 155.38 175.99 201,12	CCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): 1,8 Deformación untana*s* (mm/m) 10,36 16,57 24,45 30,23 36,80	Longilud del Arco 'A' (m) 1,819 1,830 1,844 1,854 1,855	Radio de curvatura 121 (m) 3,680 2,919 2,498 2,200 2,011	Modulo de Coeficiente Serri ángulo central "0" 14.23 17.96 21.76 24.15 25.58	elasticidad de Poissor Desplay Vertical "Sy" (m) 0,112 0,142 0,142 0,173 0,193 0,213	confinado "l ")µ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>ty</sub> (kN/m) 7100 7100 8425 0900 0555	E <sub>VY</sub> * (kN/m): Sopialis untano 'p' (kN/m <sup>2</sup> ) 20 40 64 80 100	Soporte total "Q" (KN) 63 125 200 201 313
Malla TE Distanci: Teresión malla (KN/m) 73,21 116,75 155,38 175,99 201,12 221,95	CCO G-65 ( a Sy (m): 1,8 Deformación untana*s' (mm/m) 10,36 16,57 24,45 30,23 36,80 44,38	Longilud del Arco 'A' (m) 1,819 1,830 1,844 1,854 1,855 1,880	Radio de curvetura 181 (m) 3,680 2,019 2,428 2,200 2,011 1,850	Modulo de Coeficiente Serri ángulo central 107* 14,23 17,96 21,76 24,15 26,58 29,12	elasticidad de Poissor Desplay Vertical "Sy" (m) 0,112 0,142 0,142 0,143 0,213 0,234	confinado "l "Ju <sub>0</sub> ": 0,217 Módulo de elasticidad E <sub>ey</sub> (HN/m) 7100 8425 0500 0505 0100	Function (KN/m): Support of the support of the sup	Soporte total "Q" (KN) 63 125 200 201 313 376
Malla TE Distanci: Tensión malla (kN/m) 73,21 116,75 155,38 176,99 201,12 221,95 240,75	CCO G-65 ( <i>i</i> a Sy (m): 1,8 Deformación untana <sup>*</sup> s <sup>-</sup> (mm/m) 10,36 16,57 24,45 30,23 36,80 41,38 62,41	b = 4 mm) Longilud del Arco 741 (m) 1,819 1,830 1,844 1,854 1,856 1,880 1,884	Radio de curvetura 18º (m) 3,680 2,019 2,408 2,200 2,011 1,800 1,720	Modulo de Coeficiente Somi ángulo central 107° 14,23 17,96 21,76 24,15 26,58 29,12 31,56	elasticidad de Poissor Vertical "&y" (m) 0,112 0,142 0,142 0,143 0,213 0,234 0,254	confinado "l "Ju <sub>0</sub> ": 0,217 Modulo de elasticidad E <sub>uy</sub> (HN/m) 7100 8425 6800 6556 5100 4700	Function (KN/m): Sapixto unterio "p" (KN/m") 20 40 64 80 100 120 140	Variable Separtle total "Q" (KN) 63 125 200 201 313 376 438

TABLA VI.- Resultados obtenidos con la aplicación del modelo unidireccional Modelo Y. Cálculo con Cálculo con Modelación Matemática.

### Validación de los modelos físico-matemáticos

En el ensayo de carga distribuida Unidireccional ( $\phi = 3 \text{ mm}$ ), la carga de rotura es de 246 kN con un  $\Delta Z$  de 305 mm, mientras que los obtenidos con el modelo son 332 kN y 319 mm. La diferencia se debe a la dificultad de acercar la sobrecarga a los bordes laterales del marco de ensayo. Debido a esto, la deformada obtenida en las condiciones del ensayo se acerca más a una parábola que a una circunferencia.

Si se dibuja en una misma gráfica la deformada obtenida del ensayo para la carga de rotura y una circunferencia de desarrollo igual a la deformada del ensayo (*Fig. 6*), se observa que el ángulo tangente en el borde del marco en condiciones de rotura varía, siendo mayor para el caso de la circunferencia ( $\alpha_r = 35^\circ$ ), que para la parábola del ensayo ( $\alpha_r = 25^\circ$ ). Teniendo en cuenta las condiciones de equilibrio de fuerzas en el marco de ensayo, el valor de la carga que debió obtenerse en el ensayo será:

$$Q_{Rotura} = 2\sigma_y \operatorname{sen} \alpha_r$$

La carga de ensayo, corregida para las condiciones de una deformada cilíndrica, se puede obtener multiplicando los valores obtenidos por la relación entre los senos de estos dos ángulos:

$$Q_{Corregida} = Q_{Medida} \frac{\text{sen } 35}{\text{sen } 25} = 246 \times 1,357 = 333 \ kN$$

El valor así obtenido, es semejante al calculado en la tabla anterior para el modelo cilíndrico con geometría impuesta, por lo que se puede concluir que existe una coincidencia entre el comportamiento real de la malla bajo carga y los modelos matemáticos desarrollados.

En el ensayo de carga distribuida Unidireccional ( $\phi = 4 \text{ mm}$ ), la carga de rotura es de 458 kN con un  $\Delta Z$  de 309 mm. Comparando estos valores con los obtenidos en la tabla, se observa que la carga de rotura calculada es similar a la medida (8% de diferencia), siendo del mismo orden los valores del desplazamiento vertical. La justificación de esta pequeña diferencia es la misma que en el ensayo anterior ( $\phi = 3 \text{ mm}$ ), pero la diferencia es menor porque la carga aplicada es muy alta y en estas condiciones la sobrecarga se reparte mejor.

54 ingeopres

### Conclusiones

Se determinó la elevada coincidencia de los resultados de la aplicación de los modelos teóricos con los obtenidos en las instalaciones de ensayo, así como la correspondencia exacta entre el modelo de cálculo basado en la teoría de la elasticidad y el modelo denominado de *geometría impuesta*, el cual se ha empleado para el cálculo de la capacidad de soporte de los sistemas denominados *Pentifix* que utilizan la red diagonal de cables de acero como membrana de sostenimiento.

Los ensayos de carga distribuida demostraron que las mallas tipo *Tecco*<sup>®</sup> *G-65* instaladas en las condiciones del modelo cilíndrico, pueden alcanzar en condiciones de trabajo capacidades de soporte de hasta 35-40 kN/m<sup>2</sup>, para las mallas con alambres de diámetro 3,0 mm, y de hasta 40-60 kN/m<sup>2</sup>, para las mallas con alambres de diámetro 4,0 mm, con valores de *FS* > 2.

La deformación adicional de la superficie de la membrana posterior a la instalación, puede disminuirse racionalmente hasta los niveles deseados, mediante la pretensión controlada del sistema durante la puesta en obra, empleando la ley de variación entre la carga relativa aplicada a la membrana con respecto al desplazamiento relativo del sistema.

Teniendo en cuenta que el soporte total de la malla para el caso del modelo unidireccional es independiente de la distancia entre arrostres, las condiciones del ensayo son representativas para cualquier valor de  $S_y$ . Los valores del desplazamiento vertical variarán con la distancia entre arrostres, pero manteniendo constante el valor del desplazamiento relativo ( $\Delta Zy / Sy$ ).

### Referencias

- TORRES VILA, J. A. (1997). Procedimiento de análisis y diseño para la aplicación de redes de cables de acero en la estabilización de taludes. IV Simposio Nacional sobre Taludes y Laderas Inestables. Granada. España.

- MUÑOZ PÉREZ, B. Y TORRES VILA, J. A. (2000). Sistemas de soporte flexibles en la estabilización de taludes y control de la erosión. Il Congreso Andaluz de Carreteras. España.





